

Introducción al Cómputo Evolutivo

Héctor Alejandro Montes

hamontesv@uaemex.mx

<http://scfi.uaemex.mx/hamontes>

¿Qué es un Algoritmo Genético?

- Los AGs son una familia de algoritmos que se han utilizado para **optimización**, **búsqueda** y **aprendizaje**
 - inspirados en los procesos de *Evolución Biológica*

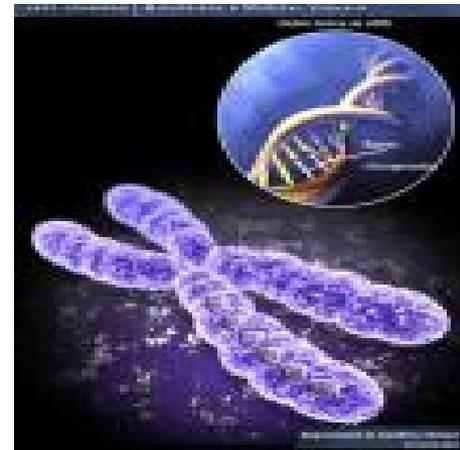
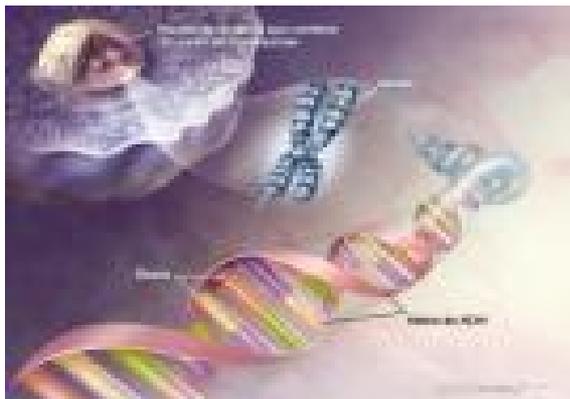


Evolución biológica

- En la naturaleza, los procesos evolutivos ocurren cuando se satisfacen las siguientes condiciones:
 - Una entidad o individuo tiene la habilidad de reproducirse.
 - Hay una población de tales individuos que son capaces de reproducirse.
 - Existe variedad entre los individuos que se reproducen.
 - Algunas diferencias en la habilidad para sobrevivir en el entorno están asociadas con esa variedad.

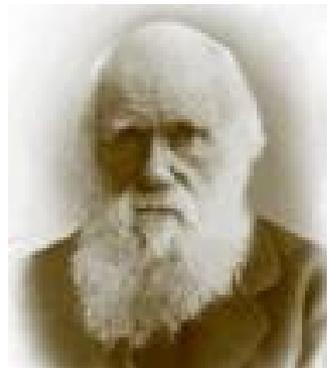
Evolución biológica (2)

- Los mecanismos evolutivos no son del todo conocidos, aunque algunas de sus características son ampliamente aceptadas
- La evolución es un proceso que opera sobre los cromosomas más que sobre las estructuras de la vida que están codificadas en ellos.



Evolución biológica (3)

- La selección natural es el enlace entre los cromosomas y la actuación de sus estructuras decodificadas.
- El proceso de reproducción es el punto en el cual la evolución toma parte, actúa.
 - Darwin, C. (1859). *On the Origin of Species by Means of Natural Selection or The Preservations of Favored Races in the Struggle for Life*. London: John Murray.



Evolución artificial

- Modelos inspirados en la Evolución Natural.
- Utilizan “*poblaciones*” que representan soluciones a problemas
- A éstos métodos se les llama *Algoritmos Evolutivos* y se han agrupado en un mismo campo llamado *Cómputo Evolutivo* (CE).

CE: Paradigmas básicos

- **Algoritmos Genéticos:** poblaciones de representaciones fijas (binarias, permutaciones, reales, etc.), John Holland, 1975 (muere 9/Ago/2015).
- **Estrategias de Evolución:** *secuencia de números reales* dentro de un rango y variadas sobre una distribución de probabilidad, 1964.
- **Programación Evolutiva:** evolución de *autómatas de estado finito*, 1960.
- **Programación Genética:** *expresiones/programas representados como árboles*, 1989.



John Holland
Professor of CS and
Psychology at the U. of
Michigan



Hans-Paul Schwefel
Universität Dortmund



Ing. Ingo Rechenberg Bionics &
Evolutionstechnik Technical
University Berlin



Lawrence J. Fogel,
Natural Selection, Inc.



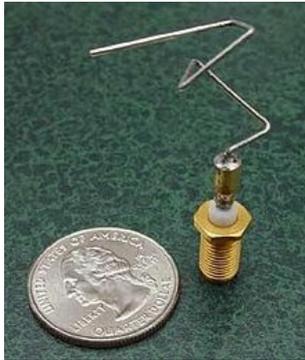
John Koza
Stanford University

Algunos dominios de aplicación

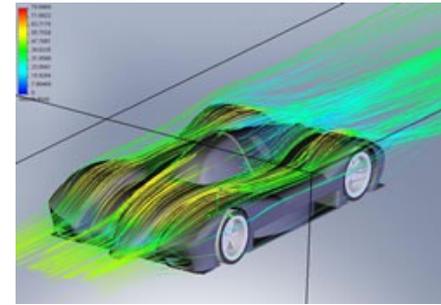
- Optimización combinatoria (dominios discretos y continuos)
- Modelado e identificación de sistemas
- Planificación y control
- Modelado automotriz
- Vida artificial
- Aprendizaje máquina
- Minería de datos (finanzas, economía, entre otros)
- Procesamiento de Imágenes y Visión Artificial
- Sistemas de Recuperación de Información

Aplicaciones de uso práctico

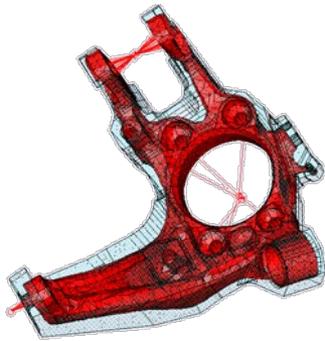
- Antena ST5, NASA 2006



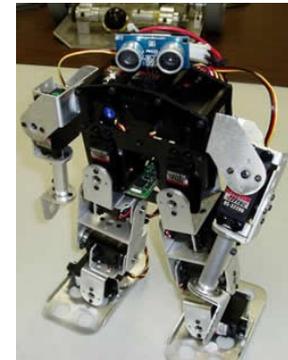
- Modelado automotriz



- Diseño mecánico



- Robótica



¿Qué es un AG?

- Son una clase particular de *Algoritmos Evolutivos*.
- Se aplican sobre una *población* representada de forma abstracta como *cromosomas*, que son la *codificación de soluciones* candidatas a un problema.
- La evolución comienza usualmente con una población *aleatoria*.
- En cada *generación*, un método de *selección* elegirá que individuos son aptos, *apareándolos* y *mutándolos* para crear la siguiente *generación*.
- Tienen *ventajas* y también muchas *desventajas*

Estructura de un AG

Procedimiento Algoritmo Genético

Inicio (1)

$t = 0;$

inicializar $P(t);$

evaluar $P(t);$

Mientras (no se cumpla la condición de parada) hacer

Inicio(2)

$t = t + 1$

seleccionar $P(t)$ desde $P(t-1)$

recombinar $P(t)$

mutación $P(t)$

evaluar $P(t)$

Final(2)

Final(1)

Usos comunes de un AG

- **Búsqueda:** Ubicar o localizar *algo*
- **Optimización:** Búsqueda de lo *mejor*
- **Aprendizaje:** Adquisición de conocimiento a través de *experiencia*
- En evolución se *buscan* soluciones *mejores* usando conocimientos previos: *experiencia*

Búsqueda Local/Global

- Una búsqueda se realiza sobre un conjunto de soluciones posible llamado *espacio de búsqueda*
- Búsqueda *local*: la siguiente solución esta en el *vecindario* de la solución actual
- Búsqueda *global*: la siguiente solución esta en *cualquier parte* del espacio de búsqueda
- Búsqueda *directa*: No requiere derivar el espacio de búsqueda
- Búsqueda *indirecta*: Usualmente requiere derivar el espacio de búsqueda

Alternativas de búsqueda

- Búsqueda *exhaustiva*: Examina *todas* las posibles soluciones
- Búsqueda *aleatoria*: Genera siguiente solución al *azar* escogida de todo el espacio de búsqueda y repite durante *n* iteraciones
- Búsqueda *Hill-climbing*: Genera siguiente solución vecina bajo algún criterio y repite durante *n* iteraciones

Problema del Agente Viajero

TSP, por sus siglas en inglés

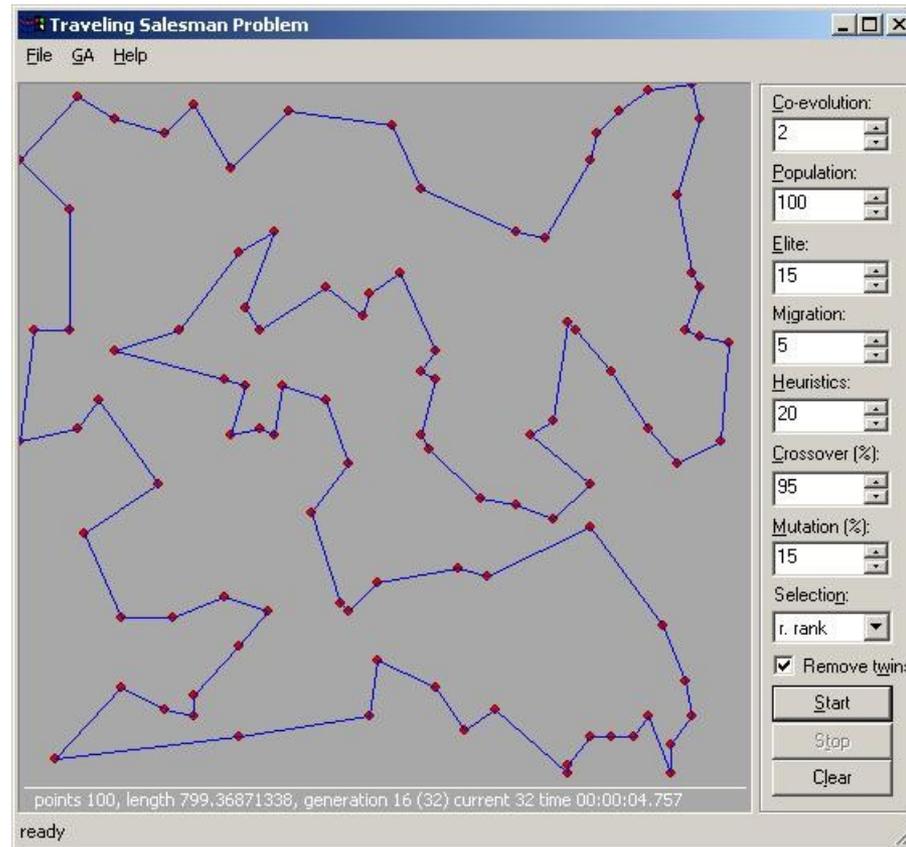
- Problema **prototipo en optimización combinatoria**
- El **TSP** es conceptualmente (y engañosamente) simple
- **TSP**: Dado un conjunto **n** de ciudades y una ruta entre cualquier par de ellas, encontrar un ciclo Hamiltoniano que pase por las **n** y regrese al inicio
- Cualquier **permutacion** de las **n** ciudades produce una solución
- Número total de soluciones (espacio de búsqueda) **$S = n!$**
- ***No se conoce un algoritmo que garantice encontrar el óptimo en tiempos útiles***

Problema del Agente Viajero

TSP, por sus siglas en inglés

- Para 25 ciudades:
 - *15,511,210,043,330,985,984,000,000* posibles soluciones
- Verificar *una ruta* toma algunos cientos de tiempo de CPU
 - Aprox. *1,500,000,000,000,000,000,000,000,000* ciclos
- Los CPU modernos pueden correr a 3 GHZ aprox., es decir, *3,000,000,000* ciclos/seg
 - 25 ciudades tomaría aprox. *500,000,000,000,000,000* seg.
- La edad actual del universo esta estimada en *14 billones de años* o *441,796,964,000,000,000* seg.
- ***... aún nos faltaría otro billión de años***

Problema del Agente Viajero



Konstantin Boukreev, <http://www.tsp.gatech.edu/>

Búsqueda *exhaustiva*

- Búsqueda *exhaustiva*: Examina *todas* las posibles soluciones
- *Brute-force*
 - 1: $S = \text{first}(P)$ // get first solution from solution set P
 - 2: repeat
 - 3: $R = \text{next}(P)$ // get next solution from P
 - 4: if $\text{Quality}(R) > \text{Quality}(S)$ then
 - 5: $S = R$
 - 6: until $\text{empty}(P)$
 - 7: return S

Búsqueda *aleatoria*

- Búsqueda *aleatoria*: Genera siguiente solución al *azar* escogida *de todo el espacio de búsqueda* y repite durante *n* iteraciones

- *Random search*

1: $S = \text{rand}(P)$ // randomly get first solution from solution set P

2: repeat

3: $R = \text{rand}(P)$ // randomly get next solution from P

4: if $\text{Quality}(R) > \text{Quality}(S)$ then

5: $S = R$

6: for n iterations

7: return S

Búsqueda *Hill-climbing*

- Búsqueda *Hill-climbing*: Genera siguiente solución *vecina* bajo algún criterio y repite durante *n* iteraciones
- *Hill-climbing*
 - 1: $S = \text{rand}(P)$ // get first random solution from solution set P
 - 2: repeat
 - 3: $R = \text{Tweak}(\text{Copy}(S))$ // choose next solution using S
 - 4: if $\text{Quality}(R) > \text{Quality}(S)$ then
 - 5: $S = R$
 - 6: for n iterations
 - 7: return S

Trabajo

- Implemente un programa que genere *todas* las posibles soluciones del TSP para un número de ciudades *n*
- Implemente RS & HC para el TSP con las *n* ciudades ordenadas en un *círculo*
- Grafique sus resultados
- Escriba un breve reporte con el análisis de sus resultados